

Задачи – 30 юни 2019г.

1. There are several exoplanets observed in the Gliese 876 system ($M_G = 0.334 \pm 0.03 M_\odot$) as given in the following table,

Gliese System	Mass	Semi Major Axis (au)
Gliese 876 b	$2.2756 \pm 0.0045 M_J$	0.2083 ± 0.000020
Gliese 876 c	$0.7142 \pm 0.0039 M_J$	0.1296 ± 0.000024
Gliese 876 d	$6.83 \pm 0.40 M_\oplus$	0.0208 ± 0.00000015
Gliese 876 e	$14.6 \pm 1.7 M_\oplus$	0.3343 ± 0.0013

where $M_\odot$ is mass of Sun, M_J is mass of Jupiter ($M_J = 1.89813 \times 10^{27} \text{ kg}$), and $M_\oplus$ is mass of Earth.

Find, if any of the exoplanets of Gliese 876 system have resonant orbits (their synodic period is a multiple integer of one of the periods).

2. Докажете, че при всяко долно съединение Венера е обърната с една и съща страна към Земята.

(D1) Прах и млади звезди в галактики с повишено звездообразуване [75 точки]

Като страничен продукт от образуването на звезди в галактиките, междузвездният прах може значително да погълне ултравиолетовата (UV) и видимата светлина и да я преизлъчи далечния в инфрачервен диапазон (FIR, 10 до 300 μm).

- 1.1. В ултравиолетовата част от спектъра на една галактика светлината се излъчва основно от младите звезди, образувани от настоящите процеси на звездообразуване и поради това, UV светимостта може да служи като надежден индикатор за темпа на звездообразуване (SFR) в галактиката. Тъй като UV светимостта е силно повлияна от поглъщането, причинено от праха, астрономите, които се занимават с извънгактични изследвания са дефинирали един индекс, който са нарекли *UV continuum slope* (β), за да опишат количествено формата на ултравиолетовия континуум:

$$f_\lambda = Q \cdot \lambda^\beta$$

където f_λ е монохроматичният поток (спектрална плътност) на галактиката на някаква дължина на вълната (в единици $\text{W} \cdot \text{m}^{-3}$) а Q е скалираща (машабна) константа.

(D1.1.1) (6 точки) AB звездните величини представляват специфична система от звездни величини и се дефинират по следния начин:

$$m_{\text{AB}} = -2.5 \log \frac{f_\nu}{3631 \text{ Jy}}$$

AB звездната величина в ултравиолетовия диапазон е сравнително постоянна за една типична галактика. Каква е стойността на **UV slope** за такава галактика? (Подсказка: $f_\nu \Delta \nu = f_\lambda \Delta \lambda$)

(D1.1.2) (12 точки) В Таблица 1 са представени наблюдателните резултати от инфрачервена фотометрията на галактиката, наречена CR7, с червено отместване $z = 6.60$. **Начертайте** AB звездната величина на CR7 като функция от **логаритъма на дължината на вълната в отправна система, в която тя е неподвижна (в логаритмичен мащаб)** на листа за чертане на графики (на логаритмичната милиметрова хартия) и я означете като **Figure 1**.

(D1.1.3) (5 точки) Пресметнете UV slope на CR7, **начертайте** кривата, която най-добре описва UV континуума на *Figure 1* и сравнете този UV slope с получената стойност в част (D1.1.1). Съдържа ли повече прах тази галактика от обикновените галактики? (D1.1.1)? **Моля отговорете с [YES] или [NO]**. (Подсказка: Изразете m_{AB} като функция на λ и m_{1600} , където m_{1600} е AB звездната величина на дължина на вълната $\lambda_0 = 160 \text{ nm}$ ($1600 \text{ \AA}$))

Таблица 1. (В отправна система, свързана с наблюдателя) IR фотометрия на галактиката CR7 с $z=6.60$

Филтър	<i>Y</i>	<i>J</i>	<i>H</i>	<i>K</i>
Централна дължина на вълната(μm)	1.05	1.25	1.65	2.15
AB Звездна величина	24.71 ± 0.11	24.63 ± 0.13	25.08 ± 0.14	25.15 ± 0.15

Задачи – 30 юни 2019г.

1.2. Приемайки, че пращинките от в галактиката поглъщат енергията на ултравиолетовите фотони и я преизлъчват като чернотелно лъчение, то връзката между UV continuum slope (β), ултравиолетовата яркост (UV brightness, на 1600 Å) и яркостта в далечния инфрачервен диапазон (FIR brightness) може да бъде записана по следния начин:

$$\text{IRX} \equiv \log \left(\frac{F_{\text{FIR}}}{F_{1600}} \right) = S(\beta)$$

където F_{FIR} е наблюдаваният поток в далечния инфрачервен диапазон, F_{1600} е наблюдаваният поток на дължина на вълната 160nm (в лабораторна неподвижна система)(1600 Å) („Потокът“ F_λ се дефинира по следния начин $F_\lambda = \lambda \cdot f_\lambda$). В Таблица 2 са представени стойностите на β , F_{FIR} and F_{1600} за 20 близки галактики (Meurer et al. 1999).

Таблица 2. UV slope, UV поток и FIR поток за 20 близки галактики

Име на галактика	UV Slope	(10^{-3}Wm^{-2})	(10^{-3}Wm^{-2})
NGC4861	-2.46	-9.89	-9.97
Mrk 153	-2.41	-10.37	-10.92
Tol 1924-416	-2.12	-10.05	-10.17
UGC 9560	-2.02	-10.38	-10.41
NGC 3991	-1.91	-10.14	-9.8
Mrk 357	-1.8	-10.58	-10.37
Mrk 36	-1.72	-10.68	-10.94
NGC 4670	-1.65	-10.02	-9.85
NGC 3125	-1.49	-10.19	-9.64
UGC 3838	-1.41	-10.81	-10.55
NGC 7250	-1.33	-10.23	-9.77
NGC 7714	-1.23	-10.16	-9.32
NGC 3049	-1.14	-10.69	-9.84
NGC 3310	-1.05	-9.84	-8.83
NGC 2782	-0.9	-10.5	-9.33
NGC 1614	-0.76	-10.91	-8.84
NGC 6052	-0.72	-10.62	-9.48
NGC 3504	-0.56	-10.41	-8.96
NGC 4194	-0.26	-10.62	-8.99
NGC 3256	0.16	-10.32	-8.44

(D1.2.1) (14 точки) Базирайки се на данните в Таблица 2, **начертайте** графика, на милиметрова хартия, на зависимостта $\text{IRX} - \beta$, означете я с **Figure 2** и начертайте правата, която най-добре описва точките. **Запишете уравнението на тази права** във вида ($\text{IRX} = a \cdot \beta + b$) отстрани на графиката.

(D1.2.2) (6 точки) Оценете **дисперсията** (в единици dex, $\log(10^9) - \log(10^4) = 5 \text{ dex}$) между наблюдаваните IRX_{obs} и пресметнатите IRX_{pred} стойности на използвайки следното уравнение:

$$\sigma = \sqrt{\frac{\sum(\Delta \text{IRX}_i)^2}{N-1}} \text{ (unit: dex) where } \Delta \text{IRX}_i = \text{IRX}_{i,\text{obs}} - \text{IRX}_{i,\text{pred}}$$

1.3. Използвайки горното предположение за процесите на предаване на енергия, съотношението между F_{FIR} и F_{1600} може да се изрази по следния начин:

$$\frac{F_{\text{FIR}}}{F_{1600}} \approx 10^{0.4A_{1600}} - 1$$

Задачи – 30 юни 2019г.

където F_{1600} е потокът преди поглъщането, A_λ е поглъщането от праха в звездни величини като функция на дължината на вълната λ .

(D1.3.1) (6 точки) Изразете A_{1600} като функция от IRX.

(D1.3.2) (12 точки) Базирайки се на данните в таблица 2 и функцията за $A_{1600}(IRX)$, която сте извели в предната част на задачата, **начертайте** графика, на милиметрова хартия, на зависимостта $A_{1600} - \beta$, означете я като **Figure 3** и начертайте правата, която най-добре описва данните. **Запишете** уравнението на тази права във вида ($A_{1600} = a' \cdot \beta + b'$) отстрани на графиката.

(D1.3.3) (2 точки) Ако линейният модел от (D1.3.2) е верен, то каква е очакваната стойност за **UV continuum slope** β_0 на галактика в която няма никакъв прах?

(G1) A spacecraft of mass m and velocity $\vec{v}$ approaches a massive planet of mass M and orbital velocity $\vec{u}$, as measured by an inertial observer. We consider a special case, where the incoming trajectory of the spacecraft is designed in a way such that velocity vector of the planet does not change direction due to the gravitational boost given to the spacecraft. In this case, the amount of gravitational boost to the velocity the spacecraft can be roughly estimated using conservation laws by measuring asymptotic velocity of the spacecraft before and after the interaction and angle of approach of the spacecraft.

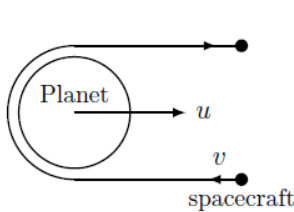


Figure 1

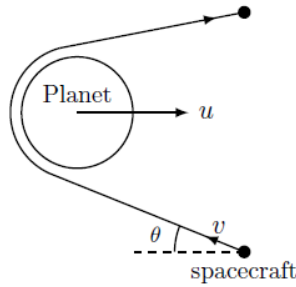


Figure 2

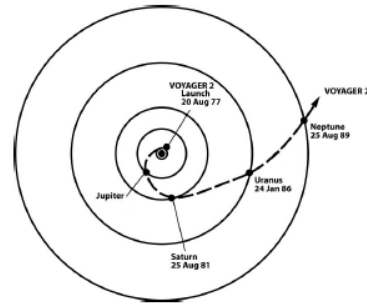


Figure 3

(G1.1) What will be the final velocity ($\vec{v}_f$) of the spacecraft, if $\vec{v}$ and $\vec{u}$ are exactly anti-parallel (see Figure 1). 3

(G1.2) Simplify the expression for the case where $m \ll M$. 1

(G1.3) If angle between $\vec{v}$ and $-\vec{u}$ is θ and $m \ll M$ (see Figure 2), use results above to write expression for the magnitude of final velocity (v_f). 3

(G1.4) Table on the last page gives data of Voyager-2 spacecraft for a few months in the year 1979 as it passed close to Jupiter. Assume that the observer is located at the centre of the Sun. The distance from the observer is given in AU and λ is heliocentric ecliptic longitude in degrees. Assume all objects to be in the ecliptic plane. Assume the orbit of the Earth to be circular. Plot appropriate column against the date of observation to find the date at which the spacecraft was closest to the Jupiter, and label the graph as G1.4. 8

(G1.5) Find the Earth-Jupiter distance, (d_{E-J}) on the day of the encounter. 4

(G1.6) On the day of the encounter, around what standard time (t_{std}) had the Jupiter transited the meridian in the sky of Bhubaneswar (20.27° N; 85.84° E; UT + 05:30)? 6

Задачи – 30 юни 2019г.

(G1.7) Speed of the spacecraft (in km s^{-1}) as measured by the same observer on some dates before the encounter and some dates after the encounter are given below. Here day n is the date of encounter. Use these data to find the orbital speed of Jupiter (u) on the date of encounter and angle θ .

12

date	$n - 45$	$n - 35$	$n - 25$	$n - 15$	$n - 5$	n
v_{tot}	10.1408	10.0187	9.9078	9.8389	10.2516	25.5150
date	$n + 5$	$n + 15$	$n + 25$	$n + 35$	$n + 45$	
v_{tot}	21.8636	21.7022	21.5580	21.3812	21.2365	

(G1.8) Find eccentricity, e_J , of Jupiter's orbit.

8

(G1.9) Find heliocentric ecliptic longitude, λ_p , of Jupiter's perihelion point.

5

Month	Date	λ ($^\circ$)	Distance (AU)
June	1	135.8870	5.1589731906
June	2	135.9339	5.1629499712
June	3	135.9806	5.1669246607
June	4	136.0272	5.1708975373
June	5	136.0736	5.1748689006
June	6	136.1200	5.1788390741
June	7	136.1662	5.1828084082
June	8	136.2122	5.1867772826
June	9	136.2582	5.1907461105
June	10	136.3040	5.1947153428
June	11	136.3496	5.1986854723
June	12	136.3951	5.2026570402
June	13	136.4405	5.2066306418
June	14	136.4857	5.2106069354
June	15	136.5307	5.2145866506
June	16	136.5756	5.2185705999
June	17	136.6202	5.2225596924
June	18	136.6647	5.2265549493
June	19	136.7090	5.2305575243
June	20	136.7532	5.2345687280
June	21	136.7970	5.2385900582
June	22	136.8407	5.2426232385
June	23	136.8841	5.2466702671
June	24	136.9273	5.2507334797
June	25	136.9702	5.2548156324
June	26	137.0127	5.2589200110
June	27	137.0550	5.2630505798
June	28	137.0969	5.2672121872
June	29	137.1384	5.2714108557
June	30	137.1795	5.2756542053
July	1	137.2200	5.2799520895
July	2	137.2600	5.2843175880
July	3	137.2993	5.2887686308
July	4	137.3378	5.2933308160
July	5	137.3754	5.2980426654
July	6	137.4118	5.3029664212
July	7	137.4467	5.3082133835
July	8	137.4798	5.3140161793
July	9	137.5116	5.3210070441
July	10	137.5628	5.3312091210
July	11	137.6898	5.3405592121
July	12	137.8266	5.3466522674
July	13	137.9599	5.3516661563
July	14	138.0903	5.3561848203
July	15	138.2186	5.3604205657
July	16	138.3453	5.3644742164

Month	Date	λ ($^\circ$)	Distance (AU)
July	17	138.4707	5.3684017790
July	18	138.5949	5.3722377051
July	19	138.7183	5.3760047603
July	20	138.8409	5.3797188059
July	21	138.9628	5.3833913528
July	22	139.0841	5.3870310297
July	23	139.2048	5.3906444477
July	24	139.3250	5.3942369174
July	25	139.4448	5.3978125344
July	26	139.5641	5.4013747321
July	27	139.6831	5.4049263181
July	28	139.8016	5.4084696349
July	29	139.9198	5.4120066575
July	30	140.0377	5.4155390662
July	31	140.1553	5.4190683021
August	1	140.2725	5.4225956100
August	2	140.3895	5.4261220723
August	3	140.5062	5.4296486357
August	4	140.6225	5.4331761326
August	5	140.7387	5.4367052982
August	6	140.8546	5.4402367851
August	7	140.9702	5.4437711745
August	8	141.0856	5.4473089863
August	9	141.2007	5.4508506867
August	10	141.3157	5.4543966955
August	11	141.4303	5.4579473912
August	12	141.5448	5.4615031166
August	13	141.6591	5.4650641822
August	14	141.7731	5.4686308707
August	15	141.8869	5.4722034391
August	16	142.0006	5.4757821220
August	17	142.1140	5.4793671340
August	18	142.2272	5.4829586711
August	19	142.3402	5.4865569133
August	20	142.4530	5.4901620256
August	21	142.5657	5.4937741595
August	22	142.6781	5.4973934544
August	23	142.7904	5.5010200385
August	24	142.9024	5.5046540300
August	25	143.0143	5.5082955377
August	26	143.1260	5.5119446617
August	27	143.2375	5.5156014948
August	28	143.3488	5.5192661222
August	29	143.4599	5.5229386226
August	30	143.5709	5.5266190687
August	31	143.6817	5.5303075275